



रोल नं.
Roll No.



• • •

नोट

(I) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ **31** हैं।

(II) प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए प्रश्न-पत्र कोड को परीक्षार्थी उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें।

(III) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में **38** प्रश्न हैं।

(IV) कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में यथा स्थान पर प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें।

(V) इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है। प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा। 10.15 बजे से 10.30 बजे तक परीक्षार्थी केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे।

• • •

प्रश्न-पत्र कोड
Q.P. Code **30/S/1**

परीक्षार्थी प्रश्न-पत्र कोड को उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर अवश्य लिखें।
Candidates must write the Q.P. Code on the title page of the answer-book.

NOTE

(I) Please check that this question paper contains **31** printed pages.

(II) Q.P. Code given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.

(III) Please check that this question paper contains **38** questions.

(IV) Please write down the Serial Number of the question in the answer-book at the given place before attempting it.

(V) 15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the candidates will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period.



गणित (मानक)

MATHEMATICS (STANDARD)

निर्धारित समय : 3 घण्टे

Time allowed : 3 hours

अधिकतम अंक : 80

Maximum Marks : 80



• • •

सामान्य निर्देश :

निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका सम्भाली से पालन कीजिए :

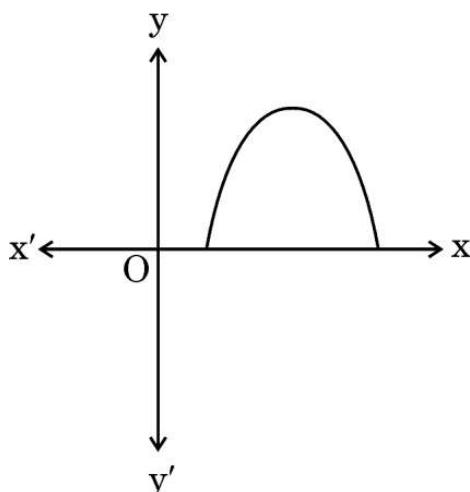
- (i) इस प्रश्न-पत्र में 38 प्रश्न हैं। सभी प्रश्न अनिवार्य हैं।
- (ii) यह प्रश्न-पत्र पाँच खण्डों में विभाजित है – क, ख, ग, घ एवं ड।
- (iii) खण्ड क में प्रश्न संख्या 1 से 18 तक बहुविकल्पीय (MCQ) तथा प्रश्न संख्या 19 एवं 20 अभिकथन एवं तर्क आधारित 1 अंक के प्रश्न हैं।
- (iv) खण्ड ख में प्रश्न संख्या 21 से 25 तक अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के 2 अंकों के प्रश्न हैं।
- (v) खण्ड ग में प्रश्न संख्या 26 से 31 तक लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के 3 अंकों के प्रश्न हैं।
- (vi) खण्ड घ में प्रश्न संख्या 32 से 35 तक दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के 5 अंकों के प्रश्न हैं।
- (vii) खण्ड ड में प्रश्न संख्या 36 से 38 तक प्रकरण अध्ययन आधारित 4 अंकों के प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रकरण अध्ययन में आंतरिक विकल्प 2 अंकों के प्रश्न में दिया गया है।
- (viii) प्रश्न-पत्र में समग्र विकल्प नहीं दिया गया है। यद्यपि, खण्ड ख के 2 प्रश्नों में, खण्ड ग के 2 प्रश्नों में, खण्ड घ के 2 प्रश्नों में तथा खण्ड ड के 3 प्रश्नों में आंतरिक विकल्प का प्रावधान दिया गया है।
- (ix) जहाँ आवश्यक हो स्वच्छ आकृतियाँ बनाइए। जहाँ आवश्यक हो $\pi = \frac{22}{7}$ लीजिए, यदि अन्यथा न दिया गया हो।
- (x) कैल्कलेटर का उपयोग वर्जित है।

खण्ड क

इस खण्ड में 20 बहुविकल्पीय प्रश्न (MCQ) हैं, जिनमें प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है।

$20 \times 1 = 20$

1. यदि दी गई आकृति बहुपद $y = ax^2 + bx + c$ के ग्राफ को दर्शाती है, तो :



(A) $a < 0$	(B) $b^2 < 4ac$
(C) $c > 0$	(D) a और b एक ही चिह्न के हैं



• • •

General Instructions :

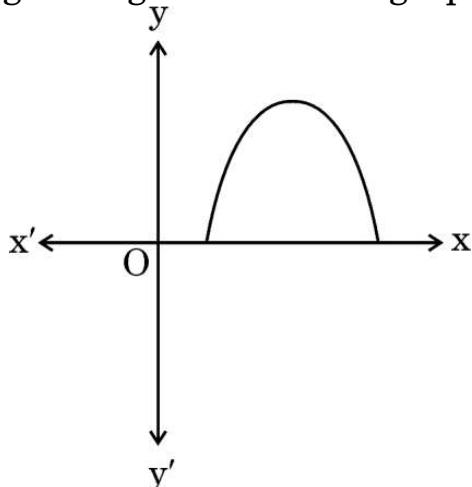
Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

- (i) This question paper contains 38 questions. All questions are compulsory.
- (ii) This question paper is divided into five Sections – A, B, C, D and E.
- (iii) In Section A, Questions no. 1 to 18 are multiple choice questions (MCQs) and questions number 19 and 20 are Assertion-Reason based questions of 1 mark each.
- (iv) In Section B, Questions no. 21 to 25 are very short answer (VSA) type questions, carrying 2 marks each.
- (v) In Section C, Questions no. 26 to 31 are short answer (SA) type questions, carrying 3 marks each.
- (vi) In Section D, Questions no. 32 to 35 are long answer (LA) type questions carrying 5 marks each.
- (vii) In Section E, Questions no. 36 to 38 are case study based questions carrying 4 marks each. Internal choice is provided in 2 marks questions in each case study.
- (viii) There is no overall choice. However, an internal choice has been provided in 2 questions in Section B, 2 questions in Section C, 2 questions in Section D and 3 questions in Section E.
- (ix) Draw neat diagrams wherever required. Take $\pi = \frac{22}{7}$ wherever required, if not stated.
- (x) Use of calculator is not allowed.

SECTION A

This section has 20 Multiple Choice Questions (MCQs) carrying 1 mark each. $20 \times 1 = 20$

1. If the given figure shows the graph of polynomial $y = ax^2 + bx + c$, then :



- (A) $a < 0$
- (B) $b^2 < 4ac$
- (C) $c > 0$
- (D) a and b are of same sign



• • •

2. एक अभाज्य संख्या के वर्ग के गुणनखंडों की कुल संख्या है :

(A) 1 (B) 2
(C) 3 (D) 4

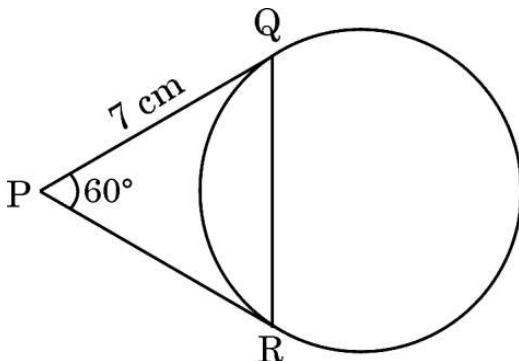
3. 'k' का वह मान, जिसके लिए रैखिक समीकरणों के युग्म $(k + 1)x + 2(1 - k)y = 15$; $4y = 3x - 8$ का कोई हल नहीं है, है :

(A) 3 (B) $\frac{1}{5}$
(C) 5 (D) $\frac{37}{8}$

4. समान्तर श्रेढ़ी $\sqrt{27}$, $\sqrt{75}$, $\sqrt{147}$, ... का छठा पद है :

(A) $\sqrt{243}$ (B) $\sqrt{363}$
(C) $\sqrt{300}$ (D) $\sqrt{507}$

5. दी गई आकृति में, PQ और PR वृत्त की स्पर्शरेखाएँ हैं, जहाँ $PQ = 7 \text{ cm}$ और $\angle RPQ = 60^\circ$ है।



जीवा QR की लंबाई है :

(A) 5 cm (B) 7 cm
(C) 9 cm (D) 14 cm

6. रैना की ऊँचाई 1.5 m है। एक समय पर, उसकी छाया 1.8 m लम्बी है। उसी समय पर, एक खंभे की छाया की लम्बाई 9 m है। खंभे की ऊँचाई क्या है ?

(A) 6.5 m (B) 7.5 m
(C) 8.5 m (D) 6.2 m



• • •

2. The total number of factors of the square of a prime number is :

(A) 1 (B) 2
(C) 3 (D) 4

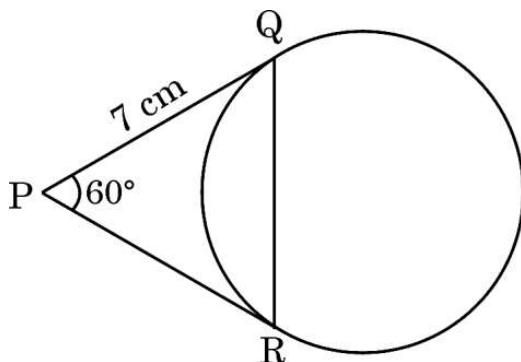
3. The value of 'k' for which the pair of linear equations $(k + 1)x + 2(1 - k)y = 15$; $4y = 3x - 8$ has no solution, is :

(A) 3 (B) $\frac{1}{5}$
(C) 5 (D) $\frac{37}{8}$

4. The 6th term of the AP $\sqrt{27}$, $\sqrt{75}$, $\sqrt{147}$, ... is :

(A) $\sqrt{243}$ (B) $\sqrt{363}$
(C) $\sqrt{300}$ (D) $\sqrt{507}$

5. In the given figure, PQ and PR are tangents to the circle such that $PQ = 7$ cm and $\angle RPQ = 60^\circ$.



The length of chord QR is :

(A) 5 cm (B) 7 cm
(C) 9 cm (D) 14 cm

6. Raina is 1.5 m tall. At an instant, his shadow is 1.8 m long. At the same instant, the shadow of a pole is 9 m long. How tall is the pole ?

(A) 6.5 m (B) 7.5 m
(C) 8.5 m (D) 6.2 m



• • •

7. एक बॉक्स में कार्ड हैं, जिन पर संख्याएँ 10 से 30 तक अंकित हैं और इन कार्डों को अच्छी तरह से मिला दिया गया है। रोहित इस बॉक्स से एक कार्ड यादृच्छया निकालता है। इस कार्ड पर संख्या 4 या 5 का एक गुणज अंकित होने की प्रायिकता है :

(A) $\frac{9}{20}$ (B) $\frac{9}{21}$
(C) $\frac{10}{20}$ (D) $\frac{10}{21}$

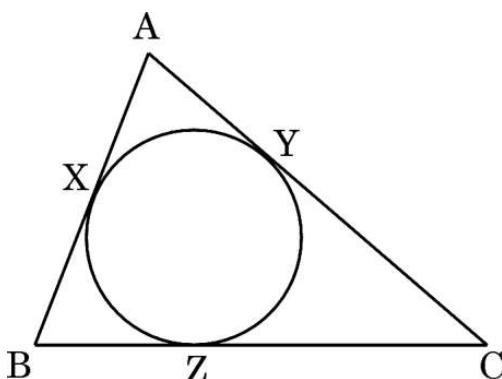
8. एक बिंदु M, y-अक्ष पर इस प्रकार स्थित है, कि यह x-अक्ष से नीचे की ओर 4 इकाई की दूरी पर है। बिंदु M की बिंदु Q (5, 1) से दूरी है :

(A) $\sqrt{2}$ इकाई (B) $\sqrt{34}$ इकाई
(C) $\sqrt{50}$ इकाई (D) $\sqrt{90}$ इकाई

9. यदि $x = p \cos^3 \alpha$ तथा $y = q \sin^3 \alpha$ है, तो $\left(\frac{x}{p}\right)^{2/3} + \left(\frac{y}{q}\right)^{2/3}$ का मान है :

(A) 1 (B) 2
(C) p (D) q

10. दी गई आकृति में, एक वृत्त के परिगत एक त्रिभुज ABC इस प्रकार बना है, कि त्रिभुज की भुजाएँ AB, BC और CA वृत्त को क्रमशः बिंदु X, Z तथा Y पर स्पर्श करती हैं।



यदि $AB = 12 \text{ cm}$, $AY = 8 \text{ cm}$ तथा $CY = 6 \text{ cm}$ है, तो BC की लंबाई है :

(A) 14 cm (B) 12 cm
(C) 10 cm (D) 8 cm



• • •

7. Cards numbered 10, 11, 12, ..., 30 are kept in a box and shuffled thoroughly. Rohit draws a card at random from the box. The probability that the number on the card is a multiple of 4 or 5 is :

(A) $\frac{9}{20}$ (B) $\frac{9}{21}$
(C) $\frac{10}{20}$ (D) $\frac{10}{21}$

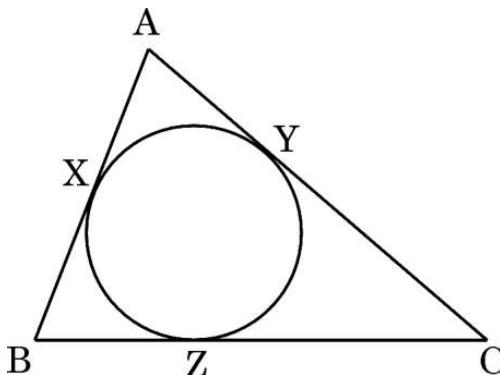
8. M is a point on y-axis at a distance of 4 units from x-axis and it lies below the x-axis. The distance of point M from point Q (5, 1) is :

(A) $\sqrt{2}$ units (B) $\sqrt{34}$ units
(C) $\sqrt{50}$ units (D) $\sqrt{90}$ units

9. If $x = p \cos^3 \alpha$ and $y = q \sin^3 \alpha$, then the value of $\left(\frac{x}{p}\right)^{2/3} + \left(\frac{y}{q}\right)^{2/3}$ is :

(A) 1 (B) 2
(C) p (D) q

10. In the given figure, a circle inscribed in $\triangle ABC$, touches AB, BC and CA at X, Z and Y, respectively.



If $AB = 12$ cm, $AY = 8$ cm and $CY = 6$ cm, then the length of BC is :

(A) 14 cm (B) 12 cm
(C) 10 cm (D) 8 cm



• • •

11. यदि एक समांतर श्रेढ़ी के पहले 'n' पदों का योगफल $2n^2 + 5n$ है, तो इस श्रेढ़ी का सार्व अंतर है :

(A) 2	(B) 4
(C) 5	(D) 7

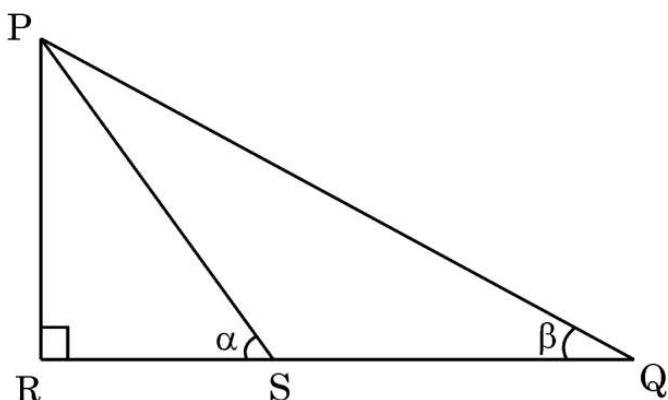
12. एक वृत्त के क्षेत्रफल का संख्यात्मक मान, एक अर्धवृत्ताकार डिस्क की परिधि के संख्यात्मक मान के बराबर है, जबकि दोनों की त्रिज्याएँ बराबर हैं। त्रिज्या है :

(A) 1 इकाई	(B) 2 इकाई
(C) $\frac{\pi+2}{\pi}$ इकाई	(D) $\frac{2\pi+2}{\pi}$ इकाई

13. दो पासे एक साथ उछाले जाते हैं और उनकी ऊपर सतहों पर आई संख्याओं के गुणनफल को अंकित किया जाता है। इस गुणनफल के 6 से कम होने की प्रायिकता है :

(A) $\frac{1}{6}$	(B) $\frac{1}{4}$
(C) $\frac{5}{18}$	(D) $\frac{7}{18}$

14. दी गई आकृति से, $\frac{\tan \alpha}{\tan \beta}$ का मान, जबकि दिया गया है, कि $RS : SQ = 1 : 2$, है :



(A) 1	(B) 2
(C) 3	(D) 4



• • •

11. If the sum of the first 'n' terms of an AP is $2n^2 + 5n$, then its common difference is :

(A) 2 (B) 4
(C) 5 (D) 7

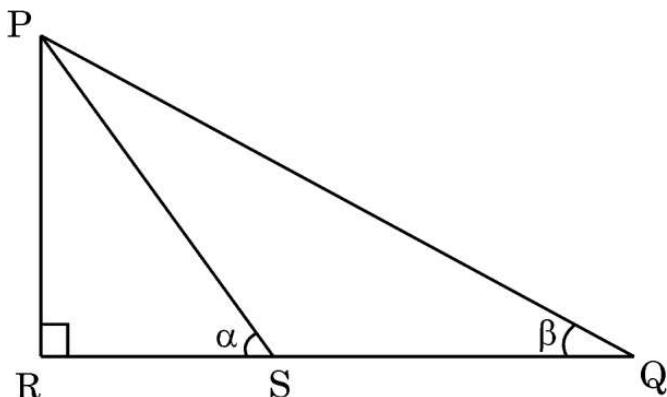
12. The numerical value of the area of a circle is equal to that of the perimeter of a semicircular disc, both having equal radius. The radius is :

(A) 1 unit (B) 2 units
(C) $\frac{\pi+2}{\pi}$ units (D) $\frac{2\pi+2}{\pi}$ units

13. Two dice are thrown simultaneously and the product of the numbers appearing on the tops is noted. The probability of the product to be less than 6 is :

(A) $\frac{1}{6}$ (B) $\frac{1}{4}$
(C) $\frac{5}{18}$ (D) $\frac{7}{18}$

14. Find the value of $\frac{\tan \alpha}{\tan \beta}$ from the following diagram. It is given that $RS : SQ = 1 : 2$.



(A) 1 (B) 2
(C) 3 (D) 4



• • •

15. एक समांतर चतुर्भुज ABCD के दो विपरीत शीर्ष A(-4, 5) तथा C(8, 2) हैं। इसके विकर्ण परस्पर बिंदु P(a, b) पर काटते हैं। तो 'a' और 'b' में संबंध है :

(A) $b = a - 1.5$ (B) $b = a + 1.5$
(C) $b = a - 4.5$ (D) $b = a + 4.5$

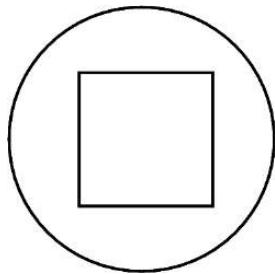
16. यदि एक वर्ग का परिमाप, एक वृत्त की परिधि के बराबर है, तो इन दोनों के क्षेत्रफलों का अनुपात है :

(A) 7 : 22 (B) 11 : 14
(C) 22 : 7 (D) 14 : 11

17. भूमि से 50 m की ऊँचाई पर एक पतंग उड़ रही है। भूमि के साथ डोरी का उन्नयन कोण 60° है। पतंग की डोरी की लंबाई है :

(A) $\frac{100}{\sqrt{3}} \text{ m}$ (B) $100\sqrt{3} \text{ m}$
(C) 150 m (D) $\frac{50}{\sqrt{3}} \text{ m}$

18. 20 m त्रिज्या के एक वृत्ताकार पार्क के अंदर 8 m भुजा का एक वर्गाकार चबुतरा बना है। मि. जोसेफ इस पार्क के अंदर एक पौधा लगाना चाहते हैं।



इस पौधे को वर्गाकार चबुतरे के बाहर लगाने की प्रायिकता है :

(A) $\frac{32}{400\pi}$ (B) $\frac{64}{400\pi}$
(C) $\frac{400\pi - 32}{400\pi}$ (D) $\frac{400\pi - 64}{400\pi}$



• • •

15. A(- 4, 5) and C(8, 2) are the two opposite vertices of a parallelogram ABCD. Its diagonals intersect each other at P(a, b). The relation between 'a' and 'b' is :

(A) $b = a - 1.5$ (B) $b = a + 1.5$
(C) $b = a - 4.5$ (D) $b = a + 4.5$

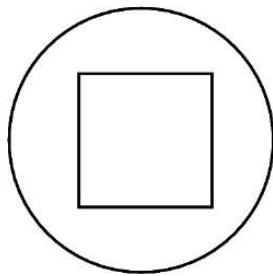
16. If the perimeter of a square is equal to that of a circle, then the ratio of their areas is :

(A) 7 : 22 (B) 11 : 14
(C) 22 : 7 (D) 14 : 11

17. The length of the string of a kite flying 50 m above the ground with an elevation of 60° is :

(A) $\frac{100}{\sqrt{3}}$ m (B) $100\sqrt{3}$ m
(C) 150 m (D) $\frac{50}{\sqrt{3}}$ m

18. There is a square lawn of side 8 m inside a circular park of radius 20 m. Mr. Joseph wants to plant a sapling in the park.



The probability that he can plant it outside the lawn is :

(A) $\frac{32}{400\pi}$ (B) $\frac{64}{400\pi}$
(C) $\frac{400\pi - 32}{400\pi}$ (D) $\frac{400\pi - 64}{400\pi}$



• • •

प्रश्न संख्या 19 और 20 अभिकथन एवं तर्क आधारित प्रश्न हैं। दो कथन दिए गए हैं जिनमें एक को अभिकथन (A) तथा दूसरे को तर्क (R) द्वारा अंकित किया गया है। इन प्रश्नों के सही उत्तर नीचे दिए गए कोडों (A), (B), (C) और (D) में से चुनकर दीजिए।

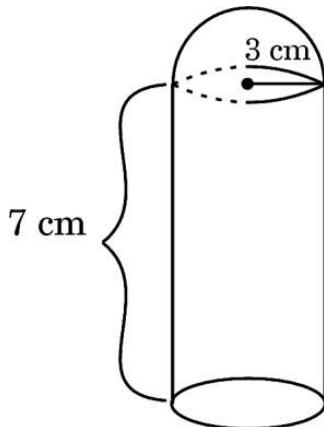
(A) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या करता है।

(B) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं, परन्तु तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या नहीं करता है।

(C) अभिकथन (A) सही है, परन्तु तर्क (R) गलत है।

(D) अभिकथन (A) गलत है, परन्तु तर्क (R) सही है।

19. अभिकथन (A) : दी गई आकृति में एक खिलौना एक बेलन के आकार का है जिसके ऊपर एक अर्धगोला अध्यारोपित है। खिलौने का आयतन $81\pi \text{ cm}^3$ है, जबकि इसके बेलनाकार हिस्से की ऊँचाई 7 cm तथा इसकी त्रिज्या 3 cm है।



तर्क (R) : दिए गए ठोस का आयतन, बेलन और अर्धगोले के आयतनों का योग होता है।

20. अभिकथन (A) : द्विघात समीकरण $x^2 + 4x + 5 = 0$ के मूल वास्तविक हैं।

तर्क (R) : द्विघात समीकरण $ax^2 + bx + c = 0$, ($a \neq 0$) के मूल वास्तविक होंगे यदि $b^2 - 4ac \geq 0$.

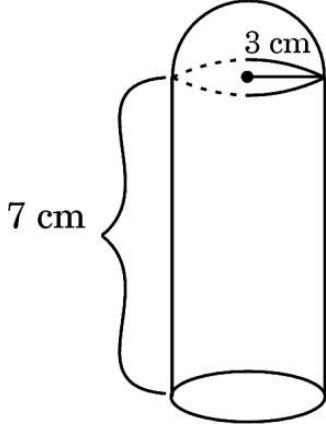


• • •

Questions number **19** and **20** are Assertion and Reason based questions. Two statements are given, one labelled as Assertion (A) and the other is labelled as Reason (R). Select the correct answer to these questions from the codes (A), (B), (C) and (D) as given below.

- (A) Both Assertion (A) and Reason (R) are true and Reason (R) is the correct explanation of the Assertion (A).
- (B) Both Assertion (A) and Reason (R) are true, but Reason (R) is **not** the correct explanation of the Assertion (A).
- (C) Assertion (A) is true, but Reason (R) is false.
- (D) Assertion (A) is false, but Reason (R) is true.

19. Assertion (A) : In the given figure, a toy is in the form of a cylinder surmounted by a hemisphere of the same radius. If the radius of the cylinder is 3 cm and its height is 7 cm, then the volume of toy is $81\pi \text{ cm}^3$.



Reason (R): Volume of the given solid is the sum of the volume of the cylinder and the volume of the hemisphere.

20. Assertion (A) : The quadratic equation $x^2 + 4x + 5 = 0$ has real roots.

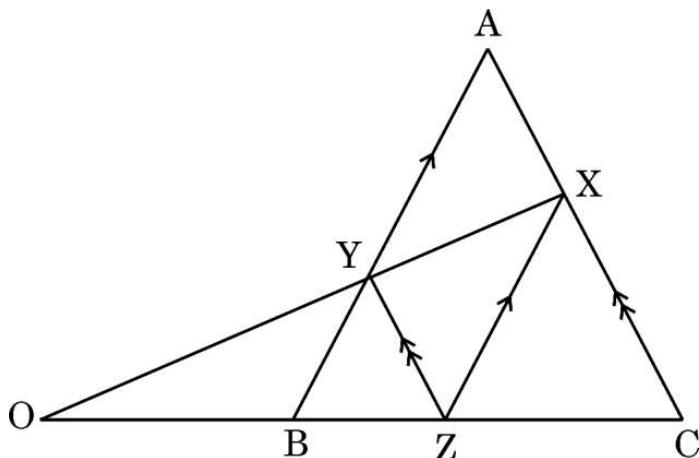
Reason (R): The quadratic equation $ax^2 + bx + c = 0$, $a \neq 0$ has real roots if $b^2 - 4ac \geq 0$.



इस खण्ड में 5 अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 2 अंक हैं।

$5 \times 2 = 10$

21. दी गई आकृति में, त्रिभुज ABC की भुजा BC पर एक बिंदु Z है, जिससे $XZ \parallel AB$ तथा $YZ \parallel AC$. यदि XY तथा CB बढ़ाने पर बिंदु O पर मिलें, तो सिद्ध कीजिए कि $ZO^2 = OB \times OC$.

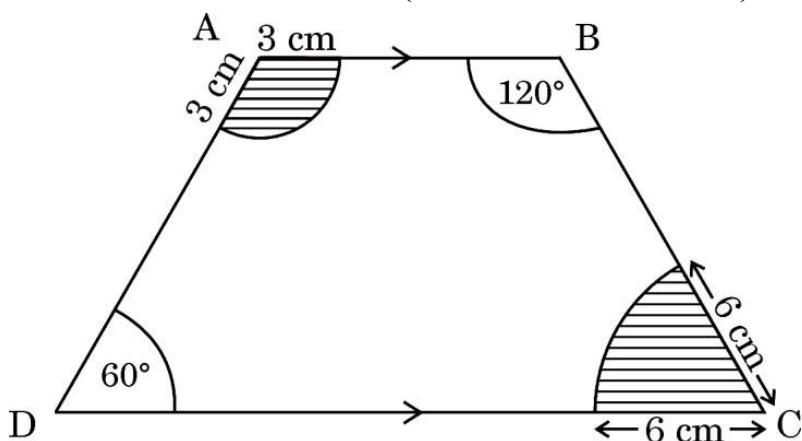


22. 51 और 85 के लघुत्तम समापवर्त्य को यदि $6z - 9$ के रूप में व्यक्त किया जा सकता है, तो z का मान ज्ञात कीजिए।

23. (क) 15 cm त्रिज्या के एक वृत्त के एक त्रिज्यखंड का परिमाप 80 cm है। इस त्रिज्यखंड का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

अथवा

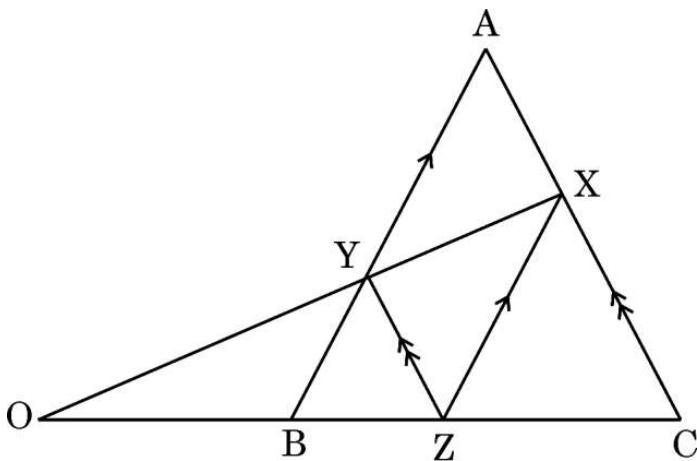
(ख) दी गई आकृति में ABCD एक समलम्ब चतुर्भुज है, जिसमें $AB \parallel DC$ है। इसके छायांकित भाग का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। (उत्तर को π के पदों में रखिए)



SECTION B

This section has 5 Very Short Answer (VSA) type questions carrying 2 marks each. $5 \times 2 = 10$

21. In the given figure, Z is a point on the side BC of $\triangle ABC$ such that $XZ \parallel AB$ and $YZ \parallel AC$. If XY and CB produced meet at O, then prove that $ZO^2 = OB \times OC$.

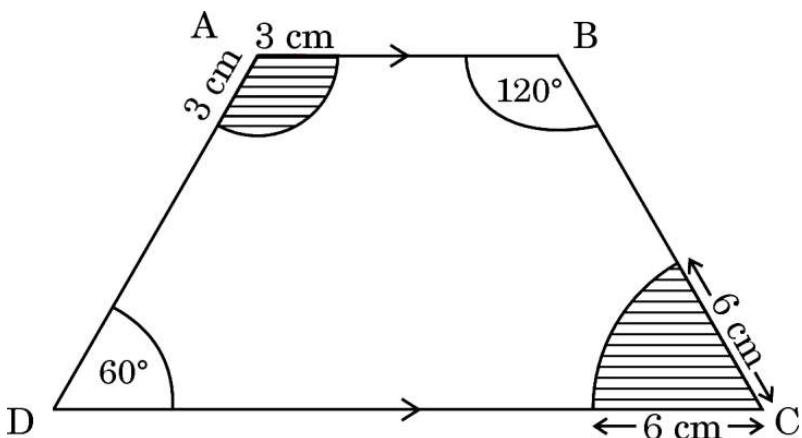


22. If LCM of 51 and 85 can be expressed in the form of $6z - 9$, then find the value of z.

23. (a) The perimeter of a sector of a circle of radius 15 cm is 80 cm. Find the area of the sector.

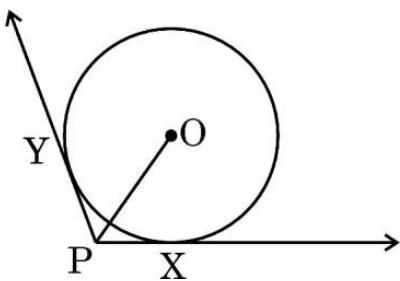
OR

(b) In the given figure, ABCD is a trapezium with $AB \parallel DC$. Find the area of the shaded region. (Keep the answer in terms of π).



• • •

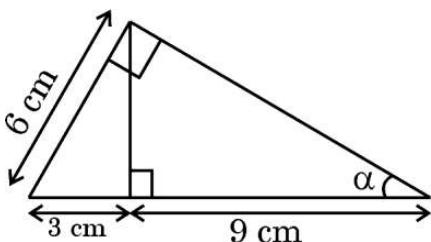
24. केंद्र O वाले एक वृत्त पर एक बाह्य बिंदु P से PX और PY दो स्पर्श रेखाएँ खींची गई हैं। यदि $\angle XPY = 120^\circ$ है, तो सिद्ध कीजिए कि $PX + PY = PO$.



25. (क) यदि $\sin(2A + 3B) = 1$ और $\cos(2A - 3B) = \frac{\sqrt{3}}{2}$ है, जहाँ $0^\circ < 2A + 3B \leq 90^\circ$ और $A > B$ है, तो A और B ज्ञात कीजिए।

अथवा

(ख) दी गई आकृति से, $\sin \alpha$ का मान ज्ञात कीजिए।



खण्ड ग

इस खण्ड में 6 लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 3 अंक हैं।

$6 \times 3 = 18$

26. (क) 'डेंगू' से पीड़ित रोगियों के कल्याण के लिए काम करने वाले एक स्वास्थ्य केंद्र ने निम्नलिखित जानकारी दर्ज की :

रोगियों की आयु	रोगियों की संख्या
0 – 15	8
15 – 30	5
30 – 45	x
45 – 60	16
60 – 75	12
75 – 90	9

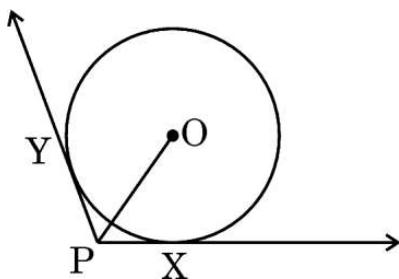
यदि रोगियों की बहुलक आयु 54 है, तो x का मान ज्ञात कीजिए।

अथवा



• • •

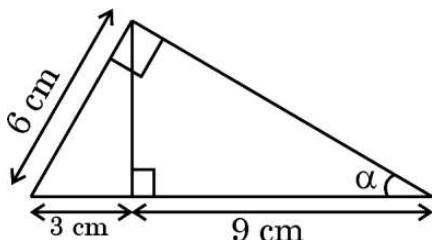
24. PX and PY are two tangents drawn from an external point P to a circle with centre O. If $\angle XPY = 120^\circ$, then prove that $PX + PY = PO$.



25. (a) If $\sin(2A + 3B) = 1$ and $\cos(2A - 3B) = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $0^\circ < 2A + 3B \leq 90^\circ$, $A > B$, then find A and B.

OR

(b) From the given figure, find the value of $\sin \alpha$.



SECTION C

This section has **6** Short Answer (SA) type questions carrying **3** marks each. $6 \times 3 = 18$

26. (a) One healthcare center working for the welfare of the patients suffering from 'Dengue', recorded the following information :

Age of Patients	Number of Patients
0 – 15	8
15 – 30	5
30 – 45	x
45 – 60	16
60 – 75	12
75 – 90	9

If the modal age of the patients is 54, then find the value of x.

OR



• • •

(ख) एक इलाके के कुछ घरों का आयुर्वेदिक दवाओं पर साप्ताहिक खर्च नीचे दर्ज किया गया है।

साप्ताहिक खर्च (₹ में)	घरों की संख्या
100 – 150	4
150 – 200	5
200 – 250	y
250 – 300	2
300 – 350	2

यदि माध्य खर्च ₹ 211 है, तो लुप्त बारंबारता 'y' का मान ज्ञात कीजिए।

27. सिद्ध कीजिए :

$$\frac{1}{\cot^2 A} + \frac{1}{1 + \tan^2 A} = \frac{1}{1 - \sin^2 A} - \frac{1}{\cosec^2 A}$$

28. एक वृत्त के परिगत एक चतुर्भुज बना है। सिद्ध कीजिए कि चतुर्भुज की आमने-सामने की भुजाएँ वृत्त के केन्द्र पर संपूरक कोण अंतरित करती हैं।

29. द्विघात बहुपद $p(x) = x^2 - 4x + k$ के शून्यकों α और β के लिए $\alpha - \beta = 8$ है। k का मान ज्ञात कीजिए।

30. (क) ग्राफीय विधि से जाँच कीजिए, कि क्या रैखिक समीकरणों का निम्नलिखित युग्म संगत है :
 $2x + 3y = 12$; $5x - 3y = 9$. यदि हो, तो इस युग्म का हल ग्राफीय विधि से ज्ञात कीजिए।

अथवा



• • •

(b) Weekly expenditure on Ayurvedic medicines of few households in a locality is recorded below.

<i>Weekly Expenditure (in ₹)</i>	<i>Number of Households</i>
100 – 150	4
150 – 200	5
200 – 250	y
250 – 300	2
300 – 350	2

If the mean expenditure for this is ₹ 211, then find the value of the missing frequency 'y'.

27. Prove that :

$$\frac{1}{\cot^2 A} + \frac{1}{1 + \tan^2 A} = \frac{1}{1 - \sin^2 A} - \frac{1}{\operatorname{cosec}^2 A}$$

28. A quadrilateral circumscribes a circle. Prove that the opposite sides of the quadrilateral subtend supplementary angles at the centre of the circle.

29. α, β are the zeroes of the quadratic polynomial $p(x) = x^2 - 4x + k$, such that $\alpha - \beta = 8$. Find the value of k.

30. (a) Check graphically whether the pair of linear equations $2x + 3y = 12$; $5x - 3y = 9$ is consistent. If so, solve it graphically.

OR



• • •

(ख) एक 2-अंकीय संख्या या तो दोनों अंकों के योग को 7 से गुण करके और गुणनफल में 3 जोड़कर बनाई जाती है, और या दोनों अंकों के अंतर को 19 से गुण करके और गुणनफल में से 1 घटाकर बनाई जाती है। दिया गया है कि दहाई का अंक इकाई के अंक से बड़ा है। यह 2-अंकीय संख्या ज्ञात कीजिए।

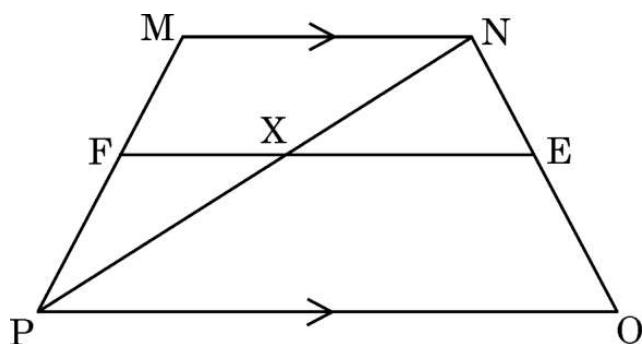
31. रंजीता, नेहा और सलमा एक अनाथ आश्रम के बच्चों के लिए स्वेटरें बुनना एक साथ शुरू करती हैं। उन्हें एक स्वेटर बुनने के लिए क्रमशः 15, 18 और 20 दिन चाहिए। कितने दिनों के बाद वे सभी फिर से एक साथ नया स्वेटर बनाना शुरू करेंगी? उस समय तक वे कितने स्वेटर बना चुकी होंगी?

खण्ड घ

इस खण्ड में 4 दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 5 अंक हैं।

$4 \times 5 = 20$

32. आकृति में समलम्ब चतुर्भुज MNOP में, $MN \parallel PO$ तथा $PO = 2 MN$ है। एक रेखाखंड FE, MN के समांतर खींचा जाता है, जो MP को F पर और NO को E पर इस प्रकार काटता है कि $\frac{NE}{EO} = \frac{3}{4}$ है। विकर्ण PN , FE को X पर काटता है। सिद्ध कीजिए कि $7 FE = 10 MN$.



• • •

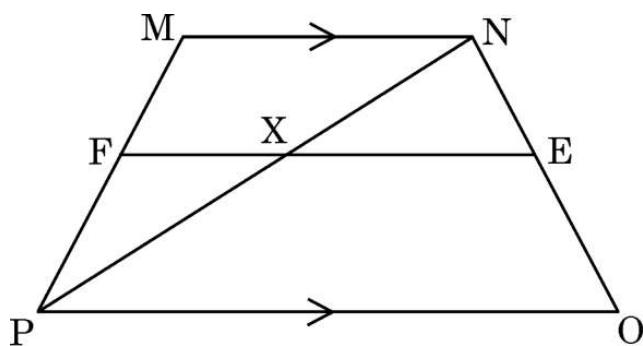
(b) A 2-digit number is obtained by either multiplying the sum of the digits by 7 and then adding 3 or by multiplying the difference of the digits by 19 and then subtracting 1. It is given that the digit at ten's place is greater than that of unit's place. Find the 2-digit number.

31. Ranjita, Neha and Salma start weaving sweaters at the same time for the children of an orphan home. They need 15, 18 and 20 days, respectively, to complete a sweater. After how many days will all of them start making a new sweater again ? By that time how many sweaters will have been completed by them ?

SECTION D

This section has 4 Long Answer (LA) type questions carrying 5 marks each. $4 \times 5 = 20$

32. In the figure, MNOP is a trapezium with, $MN \parallel PO$ and $PO = 2 MN$. A line segment FE drawn parallel to MN intersects MP at F and NO at E such that $\frac{NE}{EO} = \frac{3}{4}$. Diagonal PN intersects FE at X. Prove that $7 FE = 10 MN$.



• • •

33. निम्नलिखित बंटन का माध्यक 545 है। यदि भारंभारताओं का योग 100 है, तो x और y के मान ज्ञात कीजिए।

वर्ग	भारंभारता
0 – 100	3
100 – 200	4
200 – 300	5
300 – 400	x
400 – 500	17
500 – 600	20
600 – 700	19
700 – 800	y
800 – 900	8
900 – 1000	3

34. (क) एक भिन्न का हर उसके अंश से 2 बड़ा है। यदि इस भिन्न के हर और अंश दोनों में 2 जोड़ने पर प्राप्त नए भिन्न को पहले भिन्न में जोड़ा जाए तो भिन्न $\frac{46}{35}$ प्राप्त होता है। प्रारम्भिक भिन्न ज्ञात कीजिए।

अथवा

(ख) वर्तमान में, सौरभ की आयु अपने पुत्र रवि की आयु के वर्ग से 3 वर्ष अधिक है। जब रवि अपने पिता सौरभ की वर्तमान आयु पर पहुँचता है, तब सौरभ की आयु रवि की वर्तमान आयु के 13 गुना से 6 वर्ष कम होती है। रवि और सौरभ की वर्तमान आयु ज्ञात कीजिए।

35. (क) त्रिज्या 0.7 cm और ऊँचाई 2.4 cm के एक ठोस बेलन में से इसी ऊँचाई और इसी त्रिज्या वाला एक शंक्वाकार खोल काट लिया जाता है। शेष ठोस का आयतन और सम्पूर्ण पृष्ठीय क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

अथवा

(ख) एक बदड़ी लकड़ी का एक खिलौना (लट्टू) बना रहा है, जो शंक्वाकार है और उसके ऊपर एक अर्धगोला अध्यारोपित है। अर्धगोले की ऊँचाई और शंक्वाकार भाग की ऊँचाई का अनुपात $3 : 4$ है। यदि शंकु और अर्धगोले की त्रिज्या 2.1 cm है, तो ज्ञात कीजिए कि खिलौने को बनाने के लिए लगी लकड़ी का आयतन कितना होगा। खिलौने के बनने के पश्चात रंग करवाने के लिए इसका क्षेत्रफल कितना है?



• • •

33. The median of the following distribution is 545. If the sum of all frequencies is 100, then find the values of x and y .

Class	Frequency
0 – 100	3
100 – 200	4
200 – 300	5
300 – 400	x
400 – 500	17
500 – 600	20
600 – 700	19
700 – 800	y
800 – 900	8
900 – 1000	3

34. (a) The denominator of a fraction is 2 more than the numerator. If 2 is added to both its numerator and denominator, then the sum of the new fraction and the original fraction is $\frac{46}{35}$. Find the original fraction.

OR

(b) At present, Sourav's age is 3 years more than the square of his son Ravi's age. When Ravi grows to his father's present age, Sourav's age would be 6 years less than 13 times the present age of Ravi. Find present ages of Ravi and Sourav.

35. (a) From a solid cylinder of height 2.4 cm and radius 0.7 cm, a conical cavity of the same height and same radius is hollowed out. Find the volume and total surface area of the remaining solid.

OR

(b) A carpenter is making a wooden toy (lattu) which is conical in shape and surmounted by a hemisphere. The ratio of the height of the hemisphere and the cone is 3 : 4. If the radius of the cone and the hemisphere is 2.1 cm, find the volume of wood required to make this toy. Also, find the area to be painted after making the toy.

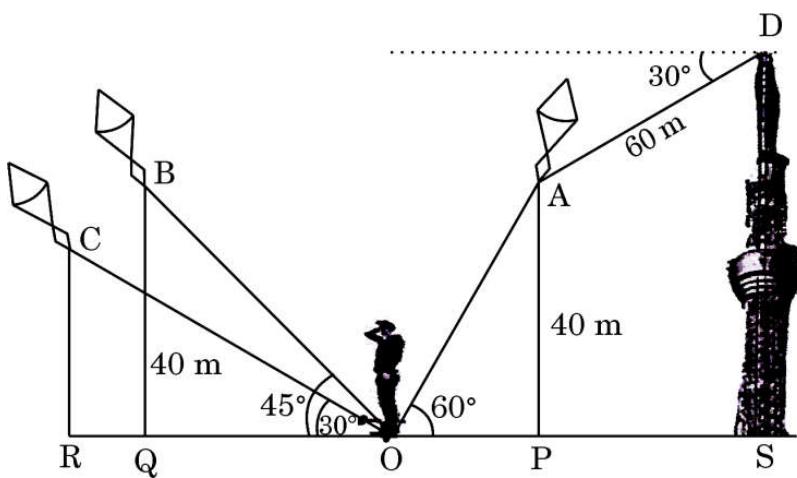
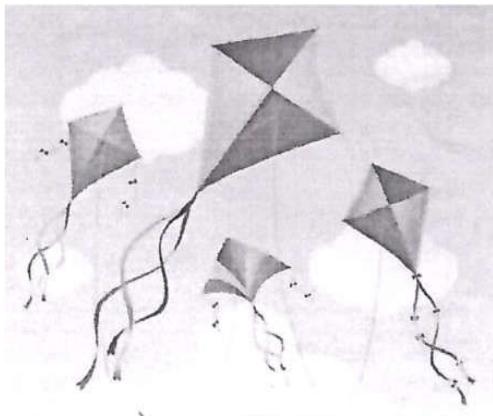


इस खण्ड में 3 प्रकरण अध्ययन आधारित प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 4 अंक हैं।

$3 \times 4 = 12$

प्रकरण अध्ययन – 1

36. अंतर्राष्ट्रीय पतंग महोत्सव हर साल 14 जनवरी को होता है। महोत्सव के मुख्य आकर्षणों में राष्ट्रीय और अंतर्राष्ट्रीय पतंगबाजों की परेड, पतंगबाजी, पारंपरिक स्टॉल आदि शामिल हैं। इस दिन, कुछ पतंग उड़ाने वाले भूमि पर एक बिंदु 'O' पर इकट्ठे हुए थे। तीन पतंगों A, B, C की स्थिति इस प्रकार थी कि A और B भूमि से 40 m की समान ऊर्ध्वाधर ऊँचाई पर थीं। O से A, B और C के उन्नयन कोण क्रमशः 60° , 45° और 30° थे। एक ऊर्ध्वाधर टावर SD बिंदु S पर खड़ा है तथा फोटोग्राफी के लिए टावर के शीर्ष पर एक कैमरा लगाया गया है।



उपर्युक्त दी गई जानकारी के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) A पर पतंग की डोरी की लम्बाई क्या है ? 1

(ii) यदि C पर पतंग की डोरी की लम्बाई 40 m है, तो भूमि से पतंग C की ऊँचाई ज्ञात कीजिए। 1

(iii) (क) A और B पर पतंगों की परस्पर क्षैतिज दूरी कितनी है ? 2

अथवा

(iii) (ख) यदि A पर पतंग का अवनमन कोण, D पर कैमरे से 30° है तथा A और D के बीच की दूरी 60 m है, तो टावर की ऊँचाई ज्ञात कीजिए। 2



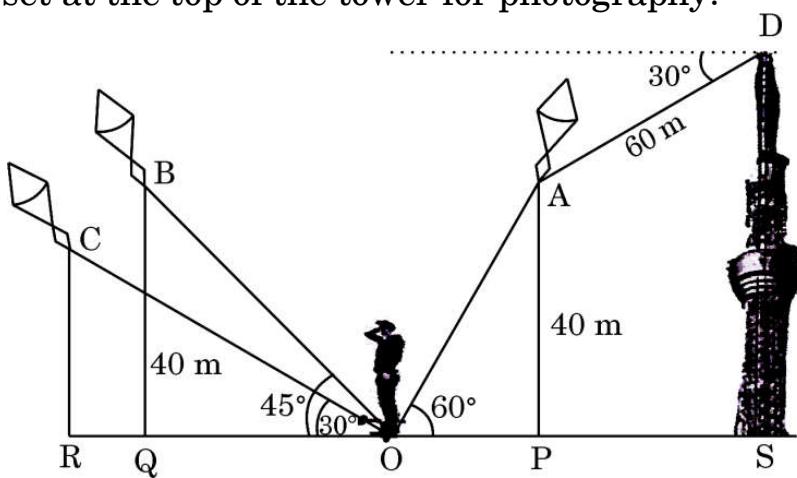
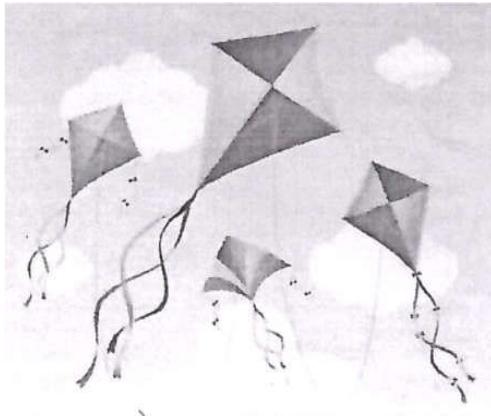
SECTION E

This section has **3** case study based questions carrying **4** marks each.

$3 \times 4 = 12$

Case Study - 1

36. The International Kite Festival takes place every year on 14th January. The main attractions of the festival include national and international Kite Flyers' Parade, kite flying, traditional stalls etc. On this day, few kite flyers, had assembled at a point 'O' on the ground. The position of 3 kites A, B, C was such that A and B were at the same vertical height of 40 m from the ground level. The angles of elevation of A, B and C from O were 60° , 45° and 30° respectively. A vertical tower, SD has been erected at point S and a camera is set at the top of the tower for photography.



Based on the information given above, answer the following questions :

(i) What is the length of the string of the kite at A ? 1

(ii) If the length of the string of kite at C is 40 m, then find the height of that kite C from the ground. 1

(iii) (a) What is the horizontal distance between the kites at A and B ? 2

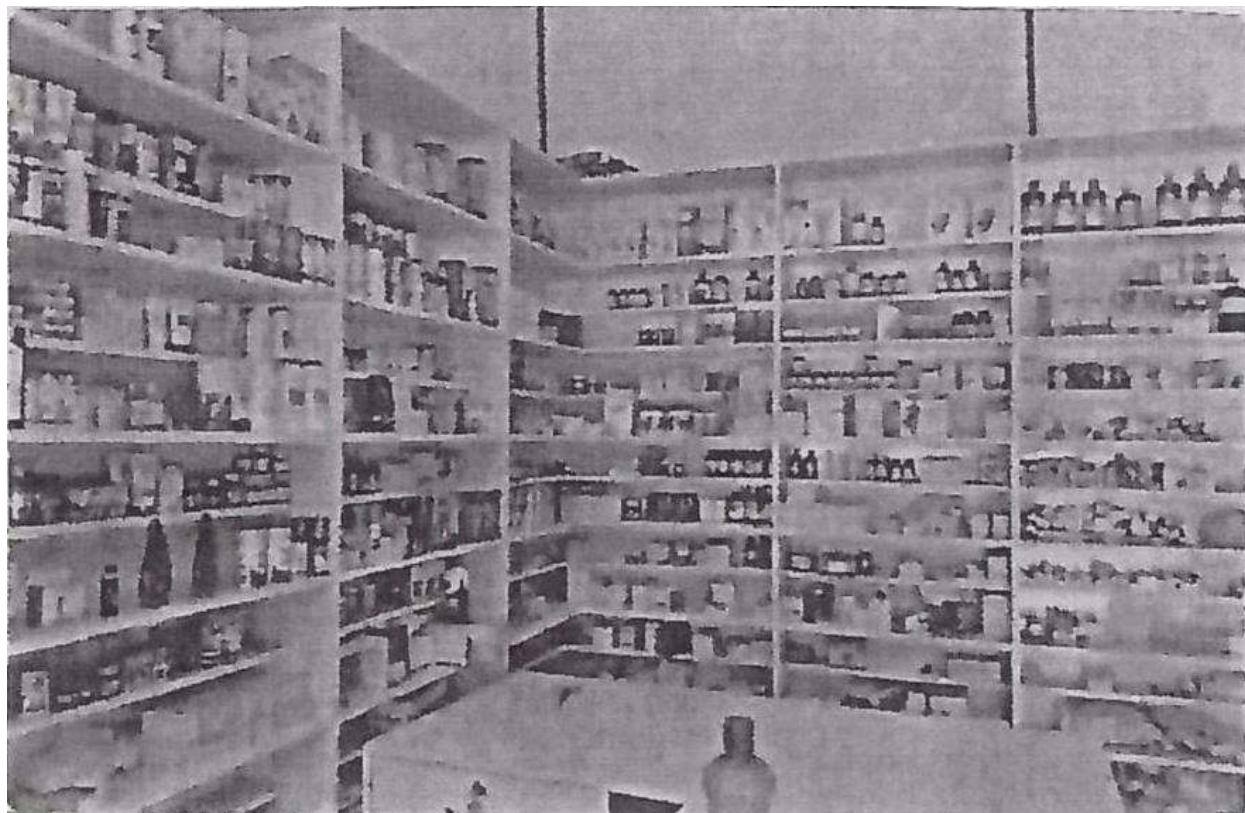
OR

(iii) (b) If the angle of depression of the kite at A is 30° from the camera at D and the distance between A and D is 60 m, then find the height of the tower. 2



प्रकरण अध्ययन – 2

37. सितंबर के महीने में अंकुरहट के ग्रामीण तेज़ बुखार से बीमार पड़ रहे थे । उस दौर में पैरासिटामोल सबसे ज्यादा बिकने वाली दवाओं में से एक थी । पिछले 7 दिनों के दौरान प्रत्येक फार्मेसी की पैरासिटामोल की समग्र बिक्री का अनुमान लगाने के लिए एक सर्वेक्षण किया गया । यह देखा गया कि विभिन्न दुकानों में बेची गई पैरासिटामोल की संख्या क्रमानुसार सभी 13 से विभाज्य 3-अंकीय संख्याएँ थीं ।



उपर्युक्त दी गई जानकारी के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) 7वीं फार्मेसी द्वारा कितनी पैरासिटामोल बेची गई ?	1
(ii) 14वीं और 9वीं फार्मेसियों द्वारा बेची गई पैरासिटामोल की संख्या का अंतर क्या था ?	1
(iii) (क) पीछे से (प्रथम की ओर) 9वीं फार्मेसी द्वारा कितनी पैरासिटामोल बेची गई ?	2

अथवा

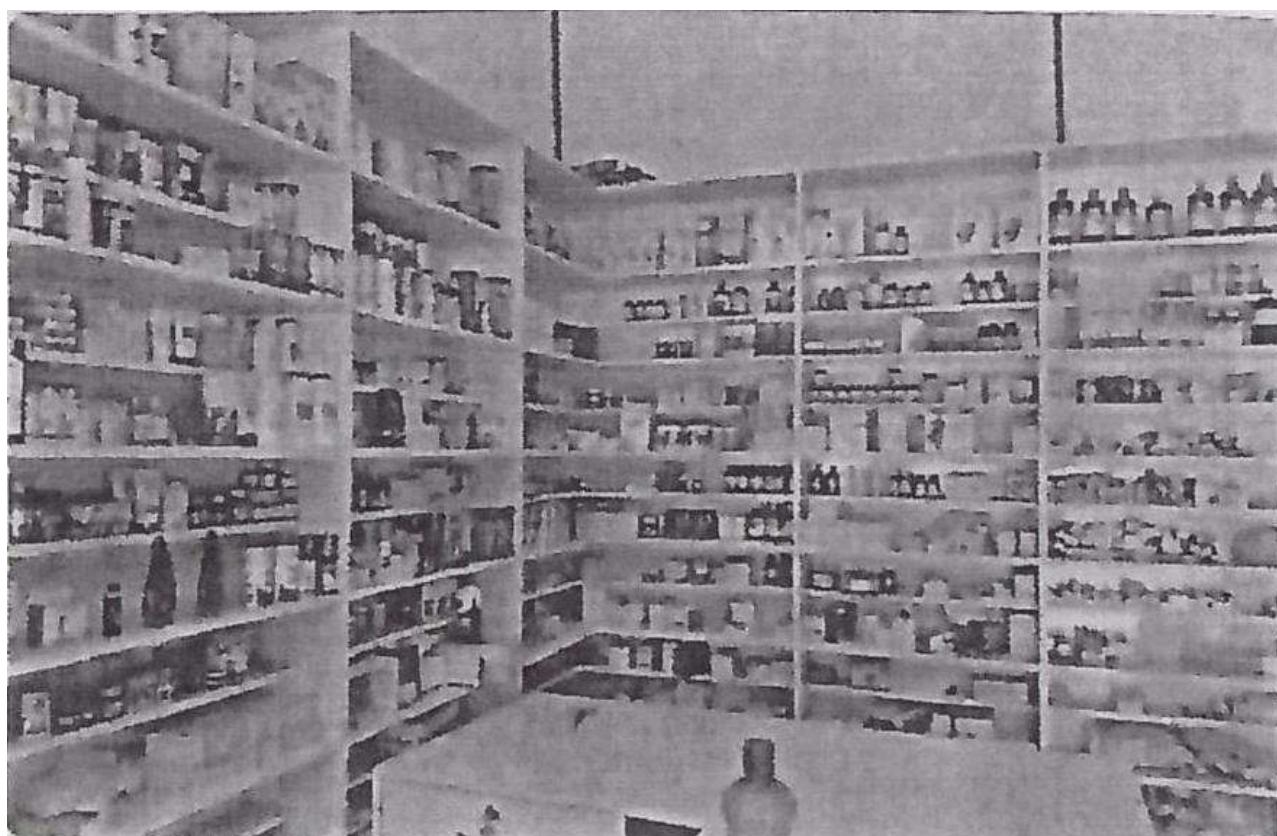
(iii) (ख) उस सप्ताह में कुल कितनी पैरासिटामोल बेची गई ?	2
---	---



• • •

Case Study – 2

37. In the month of September, villagers of Ankurhut were falling ill with high temperature. Paracetamol was one of the highest sold medicines during that phase. A survey was conducted to estimate the overall sale of Paracetamol of each pharmacy during the last 7 days. It was observed that the number of Paracetamol sold in different shops were all 3-digit numbers, divisible by 13, taken in order.



Based on the information given above, answer the following questions :

(i) How many Paracetamols were sold by the 7th pharmacy ? 1
(ii) What was the difference between the number of Paracetamols sold by the 14th and the 9th pharmacy ? 1

(iii) (a) How many Paracetamols were sold by the 9th pharmacy from the last ? 2

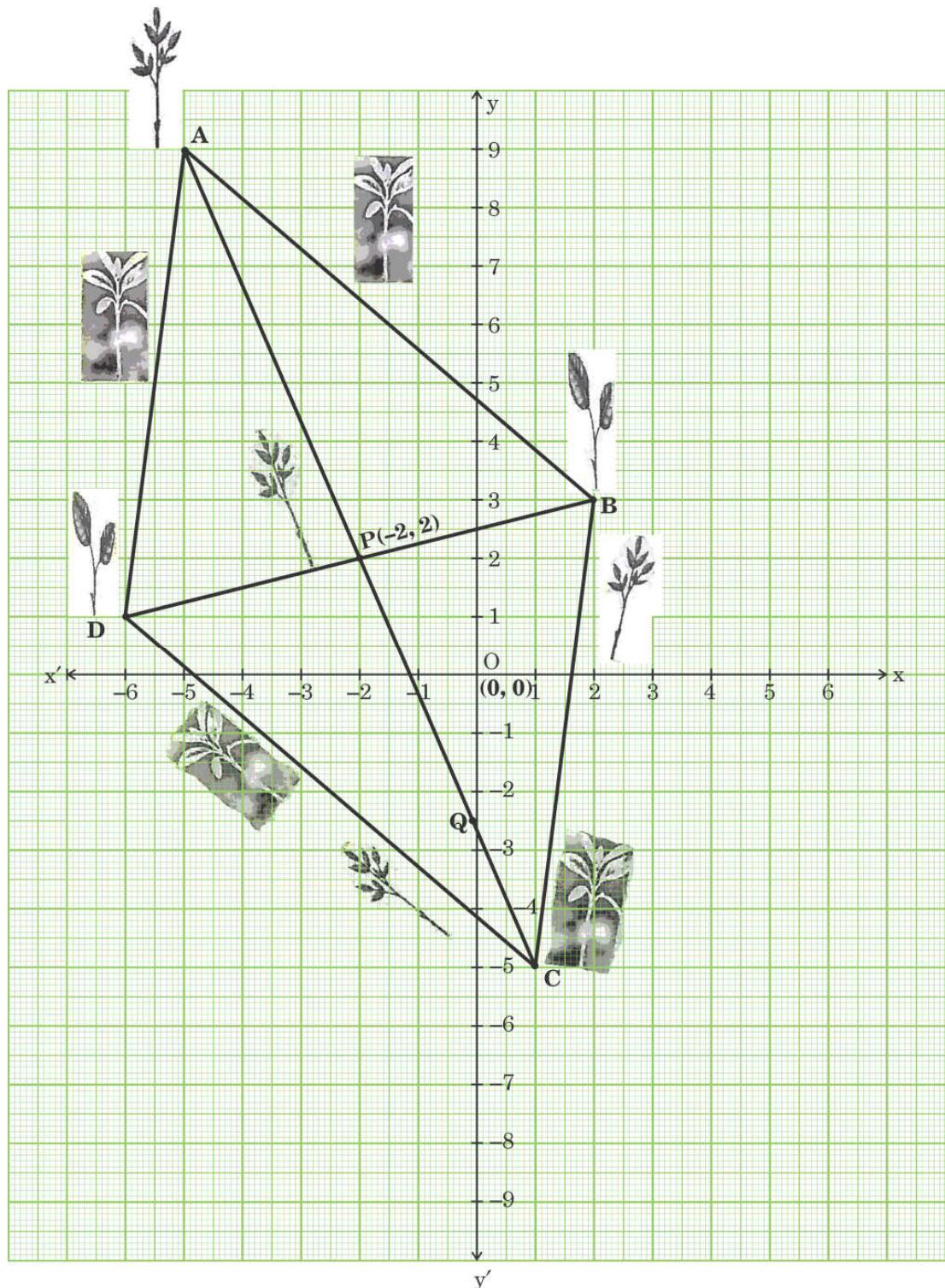
OR

(iii) (b) What was the total number of Paracetamols sold in that week ? 2



प्रकरण अध्ययन – 3

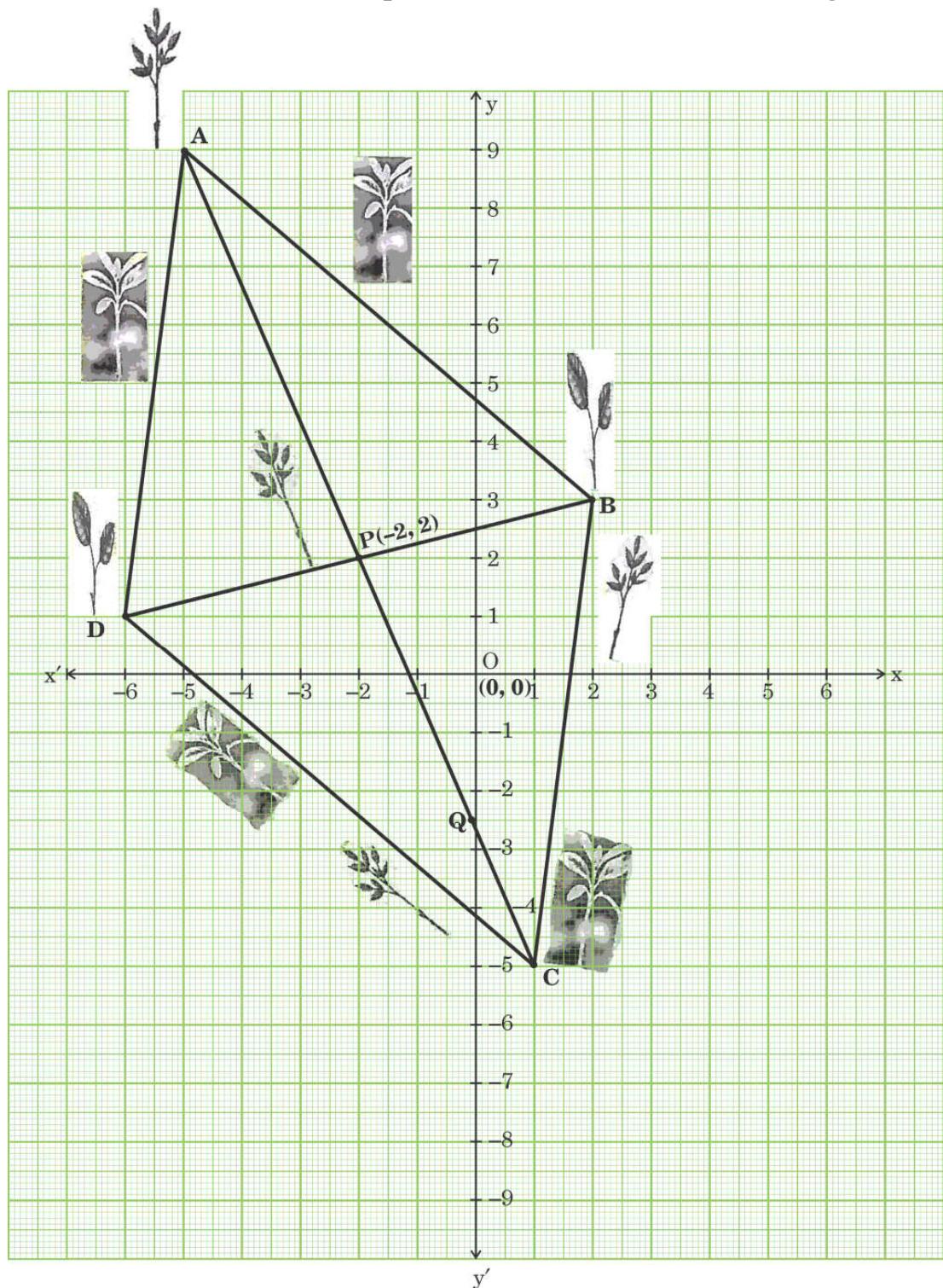
38. पेड़ प्राकृतिक फिल्टर का काम करते हैं। स्कूल परिसर में और उसके आस-पास पेड़ लगाकर, हम छात्रों और स्थानीय निवासियों के लिए स्वच्छ और स्वस्थ हवा बनाते हैं, जिससे श्वसन संबंधी समस्याएँ कम होती हैं। नोएडा के एक स्कूल ने ‘पृथ्वी बचाओ, पेड़ लगाओ’ शीर्षक के अंतर्गत वृक्षारोपण पर एक सामुदायिक अभियान का प्रस्ताव और आयोजन किया है। उस स्कूल के छात्रों ने मैदान में पौधे इस प्रकार लगाए हैं कि इससे एक चतुर्भुज बना, जैसा कि चित्र ABCD में दिखाया गया है।



• • •

Case Study – 3

38. Trees act the natural filters. By planting trees in and around school premises, we create cleaner and healthier air for students and local residents, reducing respiratory problems. A school in Noida has proposed and organised a community drive on tree plantation under the title “Save Earth, Plant Trees”. Students of that school have planted saplings in the field such that it formed a quadrilateral as shown in the figure ABCD.



• • •

उपर्युक्त दी गई जानकारी के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) दो पौधों A और D के बीच की दूरी ज्ञात कीजिए। 1

(ii) (क) एक छात्र AD के मध्य-बिंदु पर एक पौधा लगाता है और वह फिर DB के समानांतर एक सीधी रेखा में चलकर एक और पौधा AB पर लगाता है। इन दोनों नए पौधों की स्थिति के निर्देशांक क्या हैं? 2

अथवा

(ii) (ख) DB के बिंदु M पर एक नया पौधा इस प्रकार लगाया जाता है कि $DM : MB = 3 : 1$ है। M के निर्देशांक ज्ञात कीजिए। 2

(iii) रेखाखंड AC और BD बिंदु P(-2, 2) पर परस्पर समद्विभाजन करते हैं। बिंदु C के निर्देशांक ज्ञात कीजिए। 1



• • •

Based on the information given above, answer the following questions :

(i) Find the distance between the two saplings at A and D. 1

(ii) (a) One student plants one sapling at the mid-point of AD. Then he moves along a straight line parallel to DB and sows another sapling on AB. What are the coordinates of the positions of these two new saplings ? 2

OR

(ii) (b) A new sapling is kept at a point M on DB such that $DM : MB = 3 : 1$. Find the coordinates of M. 2

(iii) The line segments AC and BD bisect each other at P(-2, 2). Find the coordinates of C. 1

